

科学技術計算 II／コンピュータ科学特別講義 II／ハイブリッド分散並列コンピューティング：「並列有限要素法入門」

中島 研吾

東京大学情報基盤センター

本稿では、2016年度冬学期に実施した、科学技術計算 II（大学院情報理工学系研究科数理情報学専攻）／コンピュータ科学特別講義 II（同 コンピュータ科学専攻）／ハイブリッド分散並列コンピューティング（大学院工学系研究科電気系工学専攻）「並列有限要素法入門」¹⁾について紹介する。

2014年度までは、夏学期、冬学期に、科学技術計算 I・II／コンピュータ科学特別講義 I・II 「科学技術計算プログラミング（有限要素法）」²⁾を実施してきた。偏微分方程式の数値解法として、様々な科学技術分野のシミュレーションに使用されている有限要素法（Finite-Element Method, FEM）について、背景となる基礎的な理論から、実用的なプログラムの作成法まで、連立一次方程式解法などの周辺技術も含めて講義を実施し、プログラミングの実習を実施してきた。題材としては一次元及び三次元弹性静力学を扱い、プログラミング言語としては C 言語を使用していた。夏学期（I）と冬学期（II）に分けて、夏学期は有限要素法の理論とプログラミングの基礎、冬学期はその並列化についての講義・実習を行い、冬学期は東大情報基盤センターのスーパーコンピュータを使った実習を実施してきた。2011年度までは T2K 東大を使用していたが、2012年度からは Fujitsu PRIMEHPC FX10（Oakleaf-FX、2012年4月運用開始）を使用してきた。

2014年度までの講義では、冬学期（II）の履修は夏学期（I）の履修を前提としていたが、昨今の大学の国際化に伴い、10月に入学する留学生が増加しており、そのような条件を満たさない履修者が増えてきた。そこで2015年度からは、方針を変更し、両者をある程度独立した科目として履修できるよう：

- 夏学期（I）：お試し講習会「科学技術計算のためのマルチコアプログラミング入門³⁾」で実施している内容
 - 有限体積法によるポアソン方程式ソルバー、ICCG 法による求解
 - OpenMP によるスレッド並列化
 - 依存性を含むプロセスにおけるカラーリング、リオーダリングによる並列性抽出
- 冬学期（II）：理学系研究科「並列計算プログラミング・先端計算機演習⁵⁾」で実施している内容
 - 有限体積法要素法による定常熱伝導問題（一次元、三次元）、前処理付き CG 法（点ヤ

¹⁾ <http://nkl.cc.u-tokyo.ac.jp/16w/>

²⁾ <http://nkl.cc.u-tokyo.ac.jp/14s/>, <http://nkl.cc.u-tokyo.ac.jp/14w/>

³⁾ <http://nkl.cc.u-tokyo.ac.jp/seminars/multicore/>

⁴⁾ <http://nkl.cc.u-tokyo.ac.jp/16s/>

⁵⁾ <http://nkl.cc.u-tokyo.ac.jp/16e/>

コピ）による求解

- OpenMP+MPI によるハイブリッド並列化
- 分散並列環境における並列データ構造

のように実施することとした。

表 1 に講義日程と内容を示す。上記のように、様々な分野で広く利用されている有限要素法を題材とし、一次元・三次元定常熱伝導方程式を扱った。一次元・三次元有限要素法、MPI (Message Passing Interface) による並列プログラミング、並列要素法の順番で講義・演習を実施した。また、ハイブリッド並列プログラミングモデルの重要性を考慮して、MPI+OpenMP ハイブリッド並列プログラミングに関する講義・演習を実施した。MPI による並列有限要素法のプログラムの各プロセスに OpenMP を適用して並列化を実施した。

本年度からは 2016 年 7 月に運用を開始した「データ解析・シミュレーション融合スーパーコンピュータシステム (Reedbush)⁶」のうち、汎用 CPU (Intel Broadwell/EP) のみから構成される Reedbush-U を使用してプログラミング実習を実施した。

時間上の制約もあり、MPI プログラミングに関しては「並列計算プログラミング・先端計算機演習」の教材の中から、並列有限要素法に直接関連しない部分については削減を実施した。

他の講義と同様に、留学生の受講、国際化に配慮して英語版教材のみを提供している。登録者は 15 名であったが、実際に出席していたのは 8 名程度、単位を取得したのは 5 名程度であった。

表 1 : 講義日程、内容

Date	ID	Content
September 26 (M)	CW01	Introduction, Introduction to FEM
October 3 (M)	CW02	1D FEM (1/2)
October 17 (M)	CW03	1D FEM (2/2)
October 24 (M)	CW04	3D FEM (1/2)
October 31 (M)	CW05	3D FEM (2/2)
November 07 (M)	CW06	Introduction to Parallel FEM, Login to Reedbush-U, MPI (1/4)
November 21 (M)	CW07	MPI (2/4)
November 28 (M)	CW08	Report S1, MPI (3/4)
December 05 (M)	CW09	MPI (4/4)
December 12 (M)	CW10	Report S2, Parallel FEM (1/3)
December 19 (M)	CW11	Report S2, Parallel FEM (1/3)
January 12 (Th)	CW12	Parallel FEM (2/3)
January 16 (M)	CW13	Parallel FEM (3/3), Hybrid OpenMP/MPI (1/2)
January 23 (M)	CW14	Hybrid OpenMP/MPI (2/2)

⁶ <http://www.cc.u-tokyo.ac.jp/system/reedbush/>